

## ΘΕΜΑΤΑ ΕΞΕΤΑΣΕΩΝ ΣΤΟ ΦΑΙΝΟΜΕΝΟ DOPPLER

### ΘΕΜΑ 1ο

1. Παρατηρητής πλησιάζει με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  ακίνητη ηχητική πηγή και αντιλαμβάνεται ήχο συχνότητας  $f_A$ . Αν η ταχύτητα του ήχου στον αέρα είναι  $v$ , τότε η συχνότητα  $f_S$  του ήχου που εκπέμπει η πηγή είναι ίση με:

$$\text{α. } \frac{v}{v+v_A} f_A \quad \text{β. } \frac{v}{v-v_A} f_A \quad \text{γ. } \frac{v+v_A}{v} f_A \quad \text{δ. } \frac{v-v_A}{v} f_A$$

2. Δεν έχουμε φαινόμενο Doppler όταν:

- α. ο παρατηρητής είναι ακίνητος και απομακρύνεται η πηγή.
- β. ο παρατηρητής και η πηγή κινούνται προς την ίδια κατεύθυνση με την ίδια ταχύτητα.
- γ. ο παρατηρητής είναι ακίνητος και πλησιάζει η πηγή.
- δ. η πηγή είναι ακίνητη και πλησιάζει ο παρατηρητής.

3. Ένας παρατηρητής βρίσκεται ακίνητος στην αποβάθρα ενός σταθμού την ώρα που πλησιάζει ένα τρένο, το οποίο κινείται με σταθερή ταχύτητα. Η σειρήνα του τρένου εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_S$ . Η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής είναι

- α. ίση με τη συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο μηχανοδηγός του τρένου.
- β. μεγαλύτερη από τη συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο μηχανοδηγός του τρένου.
- γ. μικρότερη από τη συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο μηχανοδηγός του τρένου.
- δ. ίση με τη συχνότητα του ήχου που εκπέμπει η σειρήνα του τρένου.

4. Ηχητική πηγή και παρατηρητής βρίσκονται σε σχετική κίνηση. Ο παρατηρητής ακούει ήχο μεγαλύτερης συχνότητας από αυτόν που παράγει η πηγή, μόνο όταν

- α. η πηγή είναι ακίνητη και ο παρατηρητής απομακρύνεται από αυτήν.
- β. ο παρατηρητής είναι ακίνητος και η πηγή απομακρύνεται από αυτόν.
- γ. ο παρατηρητής και η πηγή κινούνται με ομόρροπες ταχύτητες, με τον παρατηρητή να προπορεύεται και να έχει κατά μέτρο μεγαλύτερη ταχύτητα από αυτήν της πηγής.
- δ. ο παρατηρητής και η πηγή κινούνται με ομόρροπες ταχύτητες, με την πηγή να προπορεύεται και να έχει κατά μέτρο ταχύτητα μικρότερη από αυτήν του παρατηρητή.

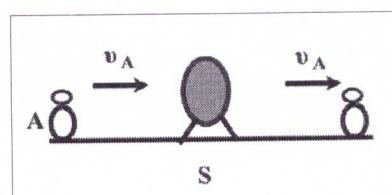
5. Δεν έχουμε φαινόμενο Doppler όταν:

- α. ο παρατηρητής είναι ακίνητος και απομακρύνεται η πηγή.
- β. ο παρατηρητής και η πηγή κινούνται προς την ίδια κατεύθυνση με την ίδια ταχύτητα.
- γ. ο παρατηρητής είναι ακίνητος και πλησιάζει η πηγή.
- δ. η πηγή είναι ακίνητη και πλησιάζει ο παρατηρητής.

6. Παρατηρητής A κινείται με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  προς ακίνητη πηγή ήχου S, όπως φαίνεται στο σχήμα, αρχικά πλησιάζοντας και στη συνέχεια απομακρυνόμενος απ' αυτή.

Ο παρατηρητής αντιλαμβάνεται ήχο με συχνότητα που είναι:

- α. συνεχώς μεγαλύτερη από τη συχνότητα της πηγής.



- β.** συνεχώς μικρότερη από τη συχνότητα της πηγής.  
**γ.** αρχικά μεγαλύτερη και στη συνέχεια μικρότερη από τη συχνότητα της πηγής.  
**δ.** αρχικά μικρότερη και στη συνέχεια μεγαλύτερη από τη συχνότητα της πηγής.

**7.** Μία ηχητική πηγή πλησιάζει με σταθερή ταχύτητα προς έναν ακίνητο παρατηρητή και εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_s$  και μήκους κύματος  $\lambda$ . Τότε ο παρατηρητής αντιλαμβάνεται τον ήχο

- α.** με συχνότητα μικρότερη της  $f_s$ .  
**β.** με συχνότητα ίση με την  $f_s$ .  
**γ.** με μήκος κύματος μικρότερο του  $\lambda$ .  
**δ.** με μήκος κύματος ίσο με το  $\lambda$ .

**8.** Περιπολικό ακολουθεί αυτοκίνητο που έχει παραβιάσει το όριο ταχύτητας. Τα δύο αυτοκίνητα κινούνται με ίσες ταχύτητες. Αν η σειρήνα του περιπολικού εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_s$ , τότε, η συχνότητα  $f_A$  που αντιλαμβάνεται ο οδηγός του άλλου αυτοκινήτου είναι:

$$\alpha. f_A = 2 f_s, \quad \beta. f_A = f_s/2 \quad \gamma. f_A = f_s \quad \delta. f_A = 0$$

**9.** Παρατηρητής απομακρύνεται με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  από ακίνητη ηχητική πηγή, η οποία εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_s$ . Το διάνυσμα της ταχύτητας βρίσκεται στην ευθεία πηγής – παρατηρητή. Αν η ταχύτητα του ήχου στον αέρα είναι  $v$ , η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής είναι

$$\alpha. f_A = \frac{v}{v-v_A} f_s \quad \beta. f_A = \frac{v-v_A}{v} f_s \quad \gamma. f_A = \frac{v_A-v}{v} f_s \quad \delta. f_A = \frac{v+v_A}{v} f_s$$

**10.** Μικρότερη συχνότητα ακούει ένας παρατηρητής σε σχέση με την πραγματική συχνότητα του ήχου που παράγει μια πηγή, όταν πηγή και παρατηρητής

- α.** είναι ακίνητοι.  
**β.** κινούνται στην ίδια ευθεία, διατηρώντας σταθερή την μεταξύ τους απόσταση.  
**γ.** πλησιάζουν μεταξύ τους κινούμενοι στην ίδια ευθεία.  
**δ.** απομακρύνονται μεταξύ τους κινούμενοι στην ίδια ευθεία.

**11.** Όταν ένας παρατηρητής απομακρύνεται με σταθερή ταχύτητα από μια ακίνητη πηγή ήχου, κινούμενος στην ευθεία που τον συνδέει με την πηγή, ο ήχος που ακούει έχει συχνότητα

- α.** ίση με αυτήν της πηγής.  
**β.** μικρότερη από αυτήν της πηγής.  
**γ.** μεγαλύτερη από αυτήν της πηγής.  
**δ.** ίση με τη συχνότητα του ήχου που ακούει, όταν πλησιάζει την πηγή με την ίδια ταχύτητα.

**12.** Παρατηρητής ενώ απομακρύνεται με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  από ακίνητη ηχητική πηγή αντιλαμβάνεται ήχο συχνότητας  $f_A$ . Αν η ταχύτητα του ήχου στον αέρα είναι ίση με  $v$ , τότε η συχνότητα  $f_s$  του ήχου που εκπέμπει η πηγή είναι ίση με

$$\alpha. \frac{v}{v+v_A} f_A \quad \beta. \frac{v}{v-v_A} f_A \quad \gamma. \frac{v+v_A}{v} f_A \quad \delta. \frac{v-v_A}{v} f_A$$

## **ΣΩΣΤΟ Η ΛΑΘΟΣ**

1. Το φαινόμενο Doppler ισχύει και στην περίπτωση των ηλεκτρομαγνητικών κυμάτων.
2. Το φαινόμενο Doppler χρησιμοποιείται από τους γιατρούς, για να παρακολουθούν τη ροή του αίματος.
3. Η συχνότητα του ήχου της σειρήνας του τρένου, την οποία αντιλαμβάνεται ο μηχανοδηγός, είναι σε όλη τη διάρκεια της κίνησης σταθερή.
4. Η σχέση που περιγράφει το φαινόμενο Doppler για το φως είναι διαφορετική από αυτή που ισχύει για τον ήχο.
5. Όταν ένας παρατηρητής πλησιάζει με σταθερή ταχύτητα μια ακίνητη ηχητική πηγή, τότε ακούει ήχο μικρότερης συχνότητας (βαρύτερο) από αυτόν που παράγει η πηγή.
6. Βασιζόμενοι στο φαινόμενο Doppler μπορούμε να βγάλουμε συμπεράσματα για την ταχύτητα ενός άστρου σε σχέση με τη Γη.
7. Το φαινόμενο Doppler ισχύει για κάθε μορφής κύμανση, ακόμη και για τα ηλεκτρομαγνητικά κύματα.

## ΘΕΜΑ 20

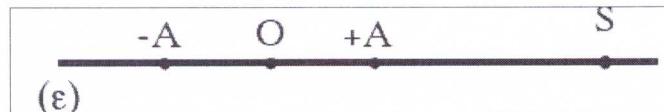
1. Ένας παρατηρητής κινείται με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  προς ακίνητη σημειακή ηχητική πηγή. Οι συχνότητες που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής πριν και αφού διέλθει από την πηγή, διαφέρουν μεταξύ τους κατά  $f_S/10$ , όπου  $f_S$  η συχνότητα του ήχου που εκπέμπει η πηγή. Αν  $v$  είναι η ταχύτητα διάδοσης του ήχου στον αέρα, ο λόγος  $v_A/v$  είναι:

$$\alpha. 10 \quad \beta. 1/10 \quad \gamma. 1/20$$

2. Μια ηχητική πηγή κινείται με ταχύτητα  $v_s$  ίση με το μισό της ταχύτητας του ήχου, πάνω σε μια ευθεία ε πλησιάζοντας ακίνητο παρατηρητή  $P_1$  ενώ απομακρύνεται από άλλο ακίνητο παρατηρητή  $P_2$ . Οι παρατηρητές βρίσκονται στην ίδια ευθεία με την ηχητική πηγή. Ο λόγος της συχνότητας του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής  $P_1$  προς την αντίστοιχη συχνότητα που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής  $P_2$  είναι

$$\alpha. 2 . \quad \beta. 1 . \quad \gamma. 3 .$$

3. Σε σημείο ευθείας ε βρίσκεται ακίνητη ηχητική πηγή  $S$  που εκπέμπει ήχο σταθερής συχνότητας. Πάνω στην ίδια ευθεία ε παρατηρητής κινείται εκτελώντας απλή αρμονική ταλάντωση πλάτους  $A$ , όπως φαίνεται στο σχήμα. Η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής θα είναι μέγιστη, όταν αυτός βρίσκεται



- α. στη θέση ισορροπίας Ο της ταλάντωσής του κινούμενος προς την πηγή.
- β. σε τυχαία θέση της ταλάντωσής του απομακρυνόμενος από την πηγή.
- γ. σε μία από τις ακραίες θέσεις της απλής αρμονικής ταλάντωσης.

4. Μεταξύ δύο ακίνητων παρατηρητών  $B$  και  $A$  κινείται πηγή  $S$  με σταθερή ταχύτητα  $v_s$  πλησιάζοντας προς τον  $A$ . Οι παρατηρητές και η πηγή βρίσκονται στην ίδια ευθεία. Η πηγή εκπέμπει ήχο μήκους κύματος  $\lambda$ , ενώ οι παρατηρητές  $A$  και  $B$  αντιλαμβάνονται μήκη κύματος  $\lambda_1$  και  $\lambda_2$  αντίστοιχα. Τότε για το μήκος κύματος του ήχου που εκπέμπει η πηγή θα ισχύει:

$$\alpha. \lambda = \frac{\lambda_1 + \lambda_2}{2} \quad \beta. \lambda = \frac{\lambda_1 - \lambda_2}{2} \quad \gamma. \lambda = \frac{\lambda_1 \lambda_2}{\lambda_1 + \lambda_2}$$

5. Ηχητική πηγή  $S$  εκπέμπει ήχο σταθερής συχνότητας  $f_s$ . Όταν η πηγή πλησιάζει με ταχύτητα μέτρου  $v$  ακίνητο παρατηρητή  $A$ , κινούμενη στην ευθεία «πηγής- παρατηρητή», ο παρατηρητής  $A$  αντιλαμβάνεται ήχο συχνότητας  $f_1$ . Όταν ο παρατηρητής  $A$ , κινούμενος με ταχύτητα μέτρου  $v$ , πλησιάζει την ακίνητη πηγή  $S$ , κινούμενος στην ευθεία «πηγής- παρατηρητή», αντιλαμβάνεται ήχο συχνότητας  $f_2$ . Τότε είναι :

$$\alpha. f_1 > f_2 \quad \beta. f_1 = f_2 \quad \gamma. f_1 < f_2$$

6. Ένα τρένο εκπέμπει ήχο και κατευθύνεται προς τούνελ που βρίσκεται σε κατακόρυφο βράχο. Ο ήχος που εκπέμπεται από το τρένο ανακλάται στο βράχο αυτό. Ένας παρατηρητής που βρίσκεται κοντά στις γραμμές και πίσω από το τρένο ακούει τον ήχο που προέρχεται από

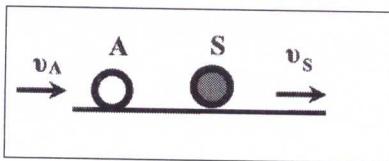
το τρένο με συχνότητα  $f_1$  και τον εξ' ανακλάσεως ήχο από το βράχο με συχνότητα  $f_2$ . Τότε ισχύει ότι:

$$\text{α. } f_1 < f_2, \quad \text{β. } f_1 = f_2, \quad \text{γ. } f_1 > f_2.$$

7. Μια ηχητική πηγή εκπέμπει ήχο σταθερής συχνότητας και κινείται με σταθερή ταχύτητα. Στην ευθεία που κινείται η πηγή βρίσκεται ακίνητος παρατηρητής. Η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής όταν τον έχει προσπεράσει είναι κατά 30% μικρότερη από τη συχνότητα που αντιλαμβανόταν, όταν τον πλησίαζε η πηγή. Αν η ταχύτητα του ήχου στον αέρα είναι  $v$ , τότε η ταχύτητα της πηγής είναι

$$\text{α. } 2v/17, \quad \text{β. } 3v/17, \quad \text{γ. } 4v/17$$

8. Παρατηρητής Α κινείται προς την ηχητική πηγή S με ταχύτητα  $v_A$ , όπως φαίνεται στο σχήμα. Η ηχητική πηγή S κινείται ομόρροπα με τον παρατηρητή A με ταχύτητα  $v_S = 2v_A$  και εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_S$ . Η συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής A είναι



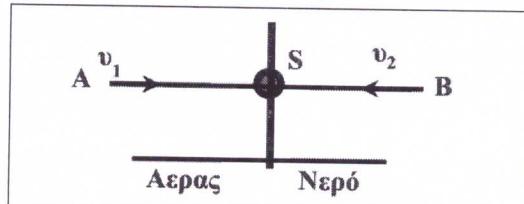
$$\text{α. μικρότερη της } f_S \quad \text{β. ίση με την } f_S \quad \text{γ. μεγαλύτερη από την } f_S$$

9. Αυτοκίνητο με ταχύτητα  $v_A = v/10$  (όπου  $v$  η ταχύτητα του ήχου ως προς τον ακίνητο αέρα) κινείται ευθύγραμμα προς ακίνητο περιπολικό. Προκειμένου να ελεγχθεί η ταχύτητα του αυτοκινήτου εκπέμπεται από το περιπολικό ηχητικό κύμα συχνότητας  $f_1$ . Το κύμα, αφού ανακλαστεί στο αυτοκίνητο, επιστρέφει στο περιπολικό με συχνότητα  $f_2$ . Ο λόγος των συχνοτήτων  $f_2/f_1$  είναι:

$$\text{α. } 11/9 \quad \text{β. } 11/10 \quad \text{γ. } 9/11$$

10. Πηγή S ηχητικών κυμάτων εκπέμπει ήχο με συχνότητα  $f_S$ . Η πηγή, είναι στερεωμένη κατάλληλα σε κατακόρυφο τοίχωμα που διαχωρίζει την δεξαμενή του νερού από τον αέρα, έτσι ώστε τα ηχητικά κύματα που εκπέμπει να διαδίδονται στον αέρα και στο νερό (σχήμα).

Δύο δέκτες A και B που βρίσκονται, ο πρώτος στον αέρα και ο δεύτερος στο νερό, στην ίδια ευθεία με την πηγή κινούνται προς την πηγή με ταχύτητες μέτρων  $v_1$  και  $v_2$ , αντίστοιχα. Αν οι συχνότητες  $f_1$  και  $f_2$  που ανιχνεύονται οι δύο δέκτες είναι ίσες και η ταχύτητα διάδοσης του ήχου στο νερό  $v$  είναι τετραπλάσια της ταχύτητας διάδοσης του ήχου στον αέρα  $v_a$  ( $v = 4v_a$ ), ο λόγος των ταχυτήτων  $v_1/v_2$  είναι:



$$\text{α. } v_1/v_2 = 1/3 \quad \text{β. } v_1/v_2 = 1/4 \quad \text{γ. } v_1/v_2 = 1/4$$

11. Ένα τρένο κινείται ευθύγραμμα σε οριζόντιο επίπεδο με σταθερή ταχύτητα μέτρου  $0,1v_{ηχ}$  όπου  $v_{ηχ}$  είναι η ταχύτητα διάδοσης του ήχου στον αέρα. Το τρένο κατευθύνεται προς τούνελ που βρίσκεται σε κατακόρυφο βράχο. Ο ήχος που εκπέμπεται από τη σειρήνα του τρένου ανακλάται στον κατακόρυφο βράχο. Ένας ακίνητος παρατηρητής που βρίσκεται πάνω στις γραμμές και πίσω από το τρένο ακούει δύο ήχους. Έναν ήχο απευθείας από τη σειρήνα του

τρένου, με συχνότητα  $f_1$ , και έναν ήχο από την ανάκλαση στον κατακόρυφο βράχο, με συχνότητα  $f_2$ . Ο λόγος των δύο συχνοτήτων  $f_1/f_2$  είναι ίσος με

a. 11/9

β. 10/11

γ. 9/11

**12.** Παρατηρητής απομακρύνεται με σταθερή ταχύτητα μέτρου  $v_A$  από ακίνητη ηχητική πηγή. Η διεύθυνση της ταχύτητας του παρατηρητή ταυτίζεται με την ευθεία που ενώνει την πηγή με τον παρατηρητή. Η ταχύτητα διάδοσης του ήχου στον αέρα έχει μέτρο  $v$ . Ο αριθμός των μέγιστων του ήχου, που παράγει η πηγή σε χρόνο  $\Delta t$ , είναι  $N_s$ . Ο αριθμός  $N_A$  των μέγιστων του ήχου, που φτάνουν στον παρατηρητή στον ίδιο χρόνο, είναι ίσος με

i.  $\frac{v+v_A}{v} N_s$ .

ii.  $\frac{v}{v-v_A} N_s$ .

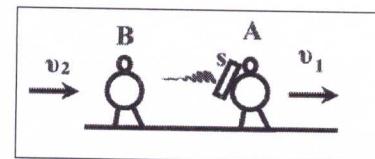
iii.  $\frac{v-v_A}{v} N_s$ .

**13.** Οι παρατηρητές A και B κινούνται στην ίδια οριζόντια κατεύθυνση με ταχύτητες μέτρου  $v_1=v/5$  και  $v_2=v/10$  αντίστοιχα. Στην πλάτη του παρατηρητή A είναι στερεωμένη ηχητική πηγή, s, όπως φαίνεται στο σχήμα. Η ηχητική πηγή εκπέμπει συνεχώς ήχο σταθερής συχνότητας  $f_s$ , ο οποίος διαδίδεται στον αέρα με ταχύτητα  $v$ . Ο παρατηρητής B αντιλαμβάνεται τον ήχο της ηχητικής πηγής με συχνότητα ίση με:

i.  $\frac{9}{12} f_s$

ii.  $\frac{11}{12} f_s$

iii.  $\frac{11}{8} f_s$



## ΘΕΜΑ 4ο

1. Στην οροφή ερευνητικού εργαστηρίου είναι στερεωμένο ιδανικό ελατήριο σταθεράς  $K=60\text{N/m}$ , στο άλλο άκρο του οποίου στερεώνεται σώμα  $\Sigma_1$  με μάζα  $m_1=17\text{kg}$ . Το σύστημα ισορροπεί. Ένας παρατηρητής βρίσκεται στον κατακόρυφο άξονα γ'γ' που ορίζει ο άξονας του ελατηρίου. Ο παρατηρητής εκτοξεύει κατακόρυφα προς τα πάνω σώμα  $\Sigma_2$  μάζας  $m_2=3\text{kg}$  με ταχύτητα μέτρου  $v_0=12\text{m/s}$ . Το σημείο εκτόξευσης απέχει απόσταση  $h=2,2\text{m}$  από το σώμα  $\Sigma_1$ . Το σώμα  $\Sigma_2$  έχει ενσωματωμένη σειρήνα που εκπέμπει συνεχώς ήχο συχνότητας  $f_s=700\text{Hz}$ .

a. Να υπολογίσετε τη συχνότητα του ήχου που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής λίγο πριν από την κρούση του σώματος  $\Sigma_2$  με το σώμα  $\Sigma_1$ .

β. Η κρούση που επακολουθεί είναι πλαστική και γίνεται με τρόπο ακαριαίο. Να βρεθεί η σχέση που περιγράφει την απομάκρυνση γ'γ' της ταλάντωσης του συσσωματώματος από τη θέση ισορροπίας του συσσωματώματος, σε συνάρτηση με το χρόνο. Για την περιγραφή αυτή άξονα των απομακρύνσεων τη φορά της ταχύτητας του συσσωματώματος αμέσως μετά την κρούση.

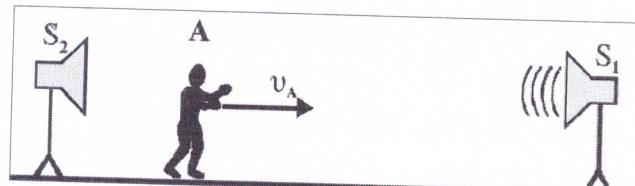
γ. Η σειρήνα δεν καταστρέφεται κατά την κρούση. Να βρεθεί η σχέση που δίνει τη συχνότητα  $f_A$ , την οποία αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής σε συνάρτηση με το χρόνο μετά την κρούση.

δ. Να βρεθεί ο λόγος της μέγιστης συχνότητας  $f_{A\max}$  προς την ελάχιστη συχνότητα  $f_{A\min}$  που αντιλαμβάνεται ο παρατηρητής.

Δίνονται η ταχύτητα διάδοσης του ήχου στον αέρα  $v_{ηχ}=340\text{m/s}$  και  $g=10\text{m/s}^2$ .

(Ε Η 2005)

2. Παρατηρητής Α κινείται με σταθερή ταχύτητα  $v_A$  μεταξύ δύο ακίνητων ηχητικών πηγών  $S_1$  και  $S_2$ , όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα.

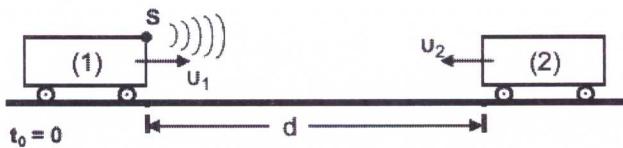


Η πηγή  $S_2$  αρχικά δεν εκπέμπει ήχο, ενώ η πηγή  $S_1$  εκπέμπει ήχο με συχνότητα  $f_1 = 100 \text{ Hz}$ .  
Να βρείτε:

- Υπολογίστε την ταχύτητα  $v_A$  με την οποία πρέπει να κινείται ο παρατηρητής, ώστε να ακούει ήχο με συχνότητα  $f_A = 100,5 \text{ Hz}$ .  
Κάποια στιγμή ενεργοποιείται και η δεύτερη ηχητική πηγή  $S_2$ , η οποία εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_2 = 100 \text{ Hz}$ .  
Η συχνότητα της ηχητικής πηγής  $S_2$  μεταβάλλεται σε  $f'_2 = 100,5 \text{ Hz}$ , ενώ ο παρατηρητής Α σταματάει να κινείται.
- Να υπολογίσετε το χρονικό διάστημα  $\Delta t_1$  μεταξύ δύο διαδοχικών μηδενισμών της έντασης του ήχου που ακούει ο κινούμενος παρατηρητής.  
Η συχνότητα της ηχητικής πηγής  $S_2$  μεταβάλλεται σε  $f'_2 = 100,5 \text{ Hz}$ , ενώ ο παρατηρητής Α σταματάει να κινείται.
- Να υπολογίσετε το χρονικό διάστημα  $\Delta t_2$  μεταξύ δύο διαδοχικών μηδενισμών της έντασης του ήχου που ακούει ο ακίνητος παρατηρητής.
- Να υπολογίσετε το πλήθος των ταλαντώσεων τις οποίες εκτελεί το τύμπανο του αυτιού του παρατηρητή Α μεταξύ δύο διαδοχικών μηδενισμών της έντασης του ήχου που ακούει.  
Θεωρούμε ότι οι εντάσεις των ήχων των δύο πηγών είναι ίσες και δεν μεταβάλλονται με την απόσταση. Δίνεται: ταχύτητα διάδοσης ήχου στον αέρα  $v_{ηχ} = 340 \text{ m/s}$ .

(Ε Η 2011)

3. Σε κινούμενο τρένο (1) με ταχύτητα  $v_1$  υπάρχει ηχητική πηγή που εκπέμπει ήχο συχνότητας  $f_s$  για χρονικό διάστημα  $\Delta t_s$ . Τρένο (2) κινείται με ταχύτητα  $v_2$  αντίθετης φοράς και τη στιγμή  $t_0 = 0$  απέχει από το τρένο (1) απόσταση  $d$ . Στο τρένο (1) υπάρχει συσκευή ανίχνευσης των ανακλώμενων στο τρένο (2) ηχητικών κυμάτων. Δίνεται ότι ο ανακλώμενος ήχος στο τρένο (2) έχει την ίδια συχνότητα με τον προσπίπτοντα σε αυτόν ήχο.



Γ1. Αν  $f_1$  είναι η συχνότητα του ήχου που ανιχνεύει η συσκευή, να δείξετε ότι

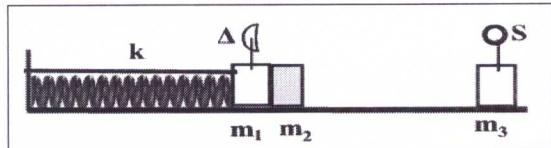
$$f_1 = \frac{v+v_2}{v-v_2} \cdot \frac{v+v_1}{v-v_1} \cdot f_s$$

Δίνονται: ταχύτητα ήχου  $v = 340 \text{ m/s}$ ,  $f_s = 1900 \text{ Hz}$ ,  $v_1 = 20 \text{ m/s}$ ,  $v_2 = 20 \text{ m/s}$ ,  $\Delta t_s = 0,81 \text{ s}$ .

Γ2. Αν τη χρονική στιγμή  $t_1 = 6,8 \text{ s}$  η συσκευή αρχίζει να ανιχνεύει τον ανακλώμενο ήχο, να βρεθεί η απόσταση  $d$  που είχαν τα τρένα τη χρονική στιγμή  $t_0 = 0$ .

Γ3. Ποια χρονική στιγμή  $t_2$  η συσκευή ανίχνευσης των ανακλώμενων κυμάτων σταματά να καταγράφει τον ανακλώμενο ήχο; **(Ε. Η 2013)**

4. Τα σώματα  $\Sigma_1$ , μάζας  $m_1=1\text{kg}$ , και  $\Sigma_2$ , μάζας  $m_2=3\text{kg}$ , του σχήματος είναι τοποθετημένα σε λείο οριζόντιο επίπεδο και εφάπτονται μεταξύ τους. Το σώμα  $\Sigma_1$  είναι δεμένο στην άκρη οριζόντιου ιδανικού ελατηρίου σταθεράς  $k = 100 \text{ N/m}$ . Το ελατήριο με τη βοήθεια νήματος είναι συσπειρωμένο κατά  $d = 0,4 \text{ m}$  από τη θέση φυσικού μήκους, όπως φαίνεται στο παρακάτω σχήμα.



Κάποια χρονική στιγμή το νήμα κόβεται και το σύστημα των σωμάτων  $\Sigma_1$  και  $\Sigma_2$  κινείται προς τα δεξιά. Μετά την αποκόλληση το σώμα  $\Sigma_2$  συνεχίζει να κινείται σε λείο δάπεδο και συγκρούεται κεντρικά και πλαστικά με το σώμα  $\Sigma_3$ , μάζας  $m_3=2 \text{ kg}$ .

Πάνω στο σώμα  $\Sigma_3$  έχουμε τοποθετήσει πηγή  $S$  ηχητικών κυμάτων, αμελητέας μάζας, η οποία εκπέμπει συνεχώς ήχο συχνότητας  $f_s = 1706 \text{ Hz}$ . Πάνω στο σώμα  $\Sigma_1$  υπάρχει δέκτης  $\Delta$  ηχητικών κυμάτων, αμελητέας μάζας.

Δ1. Να προσδιορίσετε τη θέση στην οποία θα αποκόλληθεί το σώμα  $\Sigma_2$  από το σώμα  $\Sigma_1$ , τεκμηριώνοντας την απάντησή σας.

Δ2. Να υπολογίσετε το μέτρο της μέγιστης ταχύτητας του σώματος  $\Sigma_1$ , καθώς και το πλάτος της απλής αρμονικής ταλάντωσης που θα εκτελεί το σώμα  $\Sigma_1$  αφού αποκόλληθεί από το σώμα  $\Sigma_2$ .

Δ3. Να υπολογίσετε την ταχύτητα του συστωματώματος των σωμάτων  $\Sigma_2$  και  $\Sigma_3$  μετά την κρούση και το ποσοστό της κινητικής ενέργειας που μετατράπηκε σε θερμική ενέργεια κατά την κρούση.

Δ4. Να υπολογίσετε τη συχνότητα την οποία καταγράφει ο δέκτης  $\Delta$  κάποια χρονική στιγμή μετά την κρούση κατά την οποία το σώμα  $\Sigma_1$  διέρχεται από τη θέση ισορροπίας του, κινούμενο προς τα αριστερά.

Δίνεται ότι η ταχύτητα του ήχου στον αέρα είναι  $v_{\text{ηχ}} = 340 \text{ m/s}$  και η ηχητική πηγή δεν καταστρέφεται κατά την κρούση.

**(Η 2016 πτ)**